北九州工業高等専門学校

令和7年度 編入学者選抜試験 検査問題

共通科目(数学)

(配 点) 1 50点 2 25点 3 25点

(注意事項)

- 1. 問題は指示があるまで開かないこと。
- 2. 問題は本紙を除き3枚あるため、検査開始の合図のあとに枚数を確かめること。
- 3. 検査中に問題の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁及び解答用紙の汚れ等に気づいた場合、静かに手を高く上げて監督者に知らせること。
- 4. 解答用紙すべてに受験番号、氏名を記入すること。
- 5. 問題用紙のホッチキス留めは外さないこと。

北九州工業高等専門学校 令和7年度 編入学者選抜試験 検査問題 共通科目(数 学)

- **1** 次の各問いに答えなさい。(配点 50 点)
 - 問 1 $\sqrt[3]{54} + \frac{3}{2}\sqrt[6]{4} + \sqrt[3]{-\frac{1}{4}}$ の値を 2^r (r は有理数) の形に表せ。
 - 問2 次の等式をみたす自然数 n および 6 未満の自然数 a_k (k=1,2,3,...,n) を求めよ。

$$\sum_{k=1}^{n} a_k \, 6^{k-1} = 2024$$

- 問3 正八角形 ABCDEFGH の 8 個の頂点から 3 個の頂点を選びそれらを結んでできる 三角形のうち、元の正八角形と辺を共有しないものの個数を求めよ。
- 問4 不等式 $3x^2 + 5xy 2y^2 10x + 8y 8 > 0$ の表す xy 平面の領域を図示せよ。
- 問 5 連立方程式 $\begin{cases} x+ay=1 \\ 5x-9y=b \end{cases}$ (a, b は定数) について次の問に答えよ。
 - (1) ただ一つの解 x = 4, y = 3 を持つときの定数 a, b の値を求めよ。
 - (2) 無数の解を持つように定数 a, b の値を定めそのときの整数解をすべて求めよ。

(3 枚中 2 枚)

北九州工業高等専門学校 令和7年度 編入学者選抜試験 検査問題 共通科目(数学)

- **2** 次の各問いに答えなさい。(配点 25 点)
 - 問 1 関数 $y = \sin^2 x (1 + \cos x)$ $(0 \le x \le \frac{\pi}{2})$ について次の問いに答えよ。
 - (1) $t = \cos x$ とおく。t の値の範囲を求め、y を t の式で表せ。
 - (2) y が最大となるときの $\sin x$ および $\cos x$ の値を求めよ。
 - 問2 放物線 $y=x^2-2x$ と x 軸で囲まれた図形の面積を S_1 、放物線 $y=x^2-2x$ と 直線 x=k (k>2) および x 軸で囲まれた図形の面積を S_2 とする。 $S_1=S_2$ となるときの k の値を求めよ。

北九州工業高等専門学校 令和7年度 編入学者選抜試験 検査問題 共通科目(数学)

- **3** n を自然数とするとき、次の各問いに答えなさい。(配点 25 点)
 - 問1 $(2+\sqrt{5})^n$ はある整数 a_n , b_n を用いて $(2+\sqrt{5})^n = a_n + b_n\sqrt{5}$ と表されることを 数学的帰納法を用いて証明せよ。
 - 問 2 $(2-\sqrt{5})^n$ は問 1 の整数 a_n , b_n を用いて $(2-\sqrt{5})^n=a_n-b_n\sqrt{5}$ と表されることを 証明せよ。
 - 問3 整数 a_n , b_n を n の式で表せ。